

Tehnici de programare

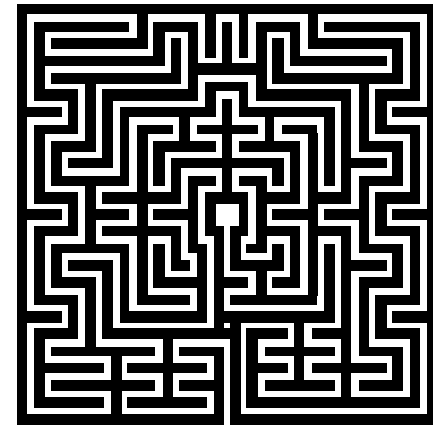
Aplicații ale recursivității

ovidiu.banias@aut.upt.ro

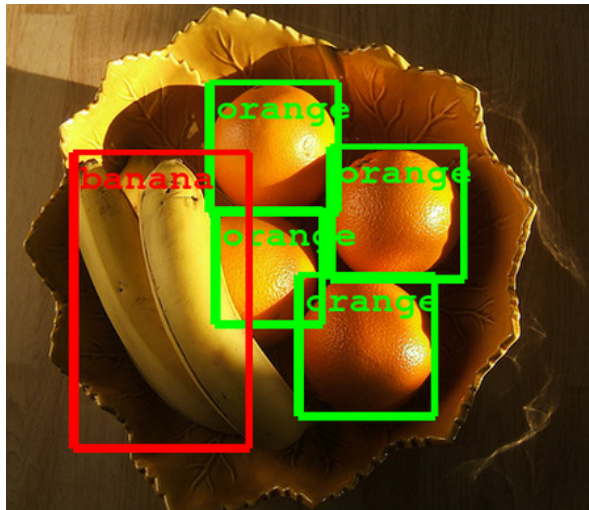
Recursivitate



Backtracking Recursiv



Iesire din labirint



Procesare de imagini

Backtracking recursiv

Recursiv

```
void Back(int k){ // B. recursiv

    if (Solution(k))
        Print();
    else{
        Init(k);
        while (Successor(k))
            if Valid(k)
                Back(k+1);
    }
}
```

Iterativ

```
void Back(int n){ // B. iterativ

    k=1; Init(k);

    while (k>0){
        isS=0;isV=0;
        if (k<=n)
            do{
                isS=Successor(k);
                if (isS) isV=Valid(k);
            }while (isS && !isV);
        if (isS)
            if (Solution(k))
                Print();
            else{
                k++;
                Init(k);
            }
        else
            k--;
    }
}
```

Recursivitate. Tehnica FILL

Problemă: Se dă o matrice binară și un punct **P** în matrice de coordonate (i,j). Valorile **1** delimitează o suprafață închisă, iar valorile **0** se află fie în interiorul suprafeței închise, fie în exteriorul ei. Știind că punctul **P** se află în interiorul unei suprafețe închise (împrejmuțată de valori **1**), să se umple toată suprafața cu **1**.

0	0	1	1	1	1
1	1	0	0	0	1
1	1	0	P	0	1
1	1	0	0	1	1
1	1	1	1	0	0
1	0	0	1	0	0
1	1	1	1	0	0



0	0	1	1	1	1
1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	0	0
1	0	0	1	0	0
1	1	1	1	0	0

Recursivitate. Tehnica FILL

Observații:

- Pornind dintr-un punct **P(i,j)**, se pot face maxim 4 deplasări :

Sus: **P(i-1,j)**,

Jos: **P(i+1,j)**,

Stânga: **P(i,j-1)**,

Dreapta: **P(i, j+1)**.

- Face sens deplasarea doar într-un punct cu valoarea 0
- Umplerea suprafeței se poate face numai în pași succesivi
- Umplerea punctelor adiacente lui P se face recursiv

Recursivitate. Tehnica FILL

```
void FILL(int i, int j){ // FILL/umplere recursiva

    if (!a[i][j]){
        a[i][j]=1; //umple

        FILL(i-1,j); //sus
        FILL(i,j+1); //dreapta
        FILL(i+1,j); //jos
        FILL(i,j-1); //stanga
    }
}
```

- Poate fi utilă bordarea matricii cu valori 1 – pentru a nu ieși din matrice
- Perechi (i,j) reprezentând punctul curent expandabil, sunt puse/scoase din stivă

Recursivitate. Problema fotografiei

Problemă: Se dă o fotografie alb-negru reprezentată printr-o matrice binară. Se cere numărarea obiectelor din fotografie, știind că un obiect este format din valori de 1 adiacente (8 poziții de adiacență N,NE,E,SE,S,SW,W,NW).

NW	N	NE
W	.	E
SW	S	SE

0	0	0	1	1	0	1	0
1	1	0	0	0	1	0	0
1	1	0	1	0	1	0	0
1	1	0	0	0	0	0	0
1	1	0	0	0	0	0	0
1	0	0	1	0	0	0	1
1	1	1	1	0	0	1	0
0	0	0	0	0	0	0	1



0	0	0	1	1	0	1	0
2	2	0	0	0	1	0	0
2	2	0	3	0	1	0	0
2	2	0	0	0	0	0	0
2	2	0	0	0	0	0	0
2	0	0	2	0	0	0	4
2	2	2	2	0	0	4	0
0	0	0	0	0	0	0	4



4 obiecte

Recursivitate. Problema fotografiei

Rezolvare:

- Se parcurge matricea până se găsește un element cu valoarea 1 ce nu aparține nici unui obiect (este nemarcat)
- Pornind de la elementul găsit se expandează căutarea pe cele 8 direcții – similar metodei FILL și se marchează elementele cu valoarea 1
- Înainte de a repeta algoritmul, toate elementele marcate la pasul anterior se consideră a fi componente unui singur obiect; se repetă primul pas

NW	N	NE
W	.	E
SW	S	SE

Recursivitate. Problema fotografiei

NW	N	NE
W	.	E
SW	S	SE

```

0 0 0 1 1 0 1 0
1 1 0 0 0 1 0 0
1 1 0 1 0 1 0 0
1 1 0 0 0 0 0 0
1 1 0 0 0 0 0 0
1 0 0 1 0 0 0 1
1 1 1 1 0 0 1 0
0 0 0 0 0 0 0 1
    
```



```

0 0 0 2 2 0 2 0
1 1 0 0 0 2 0 0
1 1 0 1 0 2 0 0
1 1 0 0 0 0 0 0
1 1 0 0 0 0 0 0
1 0 0 1 0 0 0 1
1 1 1 1 0 0 1 0
0 0 0 0 0 0 0 1
    
```



```

0 0 0 2 2 0 2 0
3 3 0 0 0 2 0 0
3 3 0 1 0 2 0 0
3 3 0 0 0 0 0 0
3 3 0 0 0 0 0 0
3 0 0 3 0 0 0 1
3 3 3 3 0 0 1 0
0 0 0 0 0 0 0 1
    
```

```

0 0 0 2 2 0 2 0
3 3 0 0 0 2 0 0
3 3 0 4 0 2 0 0
3 3 0 0 0 0 0 0
3 3 0 0 0 0 0 0
3 0 0 3 0 0 0 1
3 3 3 3 0 0 1 0
0 0 0 0 0 0 0 1
    
```



```

0 0 0 2 2 0 2 0
3 3 0 0 0 2 0 0
3 3 0 4 0 2 0 0
3 3 0 0 0 0 0 0
3 3 0 0 0 0 0 0
3 0 0 3 0 0 0 1
3 3 3 3 0 0 5 0
0 0 0 0 0 0 5 5
    
```



4 obiecte

Recursivitate. Problema fotografiei

```
int x[8]={-1,-1,-1,0,1,1,1,0};
int y[8]={-1,0,1,1,1,0,-1,-1};
.
.
.
void FillObj(int i, int j){ //marcare recursiva
    int k; //local !

    if (a[i][j]==1){
        a[i][j]=nrObj; //numarul curent al obiectului
        for (k=0;k<8;k++) //cele 8 directii
            FillObj(i+x[k],j+y[k]);
    }
}

int main(){
{
    ...
    nrObj++;
    FillObj(i,j);
    ...
}
```

Recursivitate. ieșiere din labirint

Problemă: Se dă un labirint reprezentat printr-o matrice binară $n \times m$. $A[i][j] \in \{0,1\} \mid 0 \leq i < n, 0 \leq j < m$. $A[i][j]=1$ – la punctul de coordonate i și j se află un zid, $A[i][j]=0$ – la punctul de coordonate i și j nu există zid. Având în vedere că o cameră este reprezentată de un element în matrice să se afișeze toate posibilitățile de ieșire din labirint pornind dintr-un punct inițiat de coordonate (x,y) .

0	0	0	1	1	0	1	0
1	1	0	0	0	1	0	0
1	1	0	1	0	1	0	0
1	1	0	0	0	0	0	0
1	1	0	0	0	0	0	0
1	0	P	1	0	0	0	1
1	1	1	1	0	0	1	0
0	0	0	0	0	0	0	1

- Câte posibilități de ieșire din labirint?
- Cum implementăm?
- Care e diferența majoră între algoritmul de ieșire din labirint și algoritmul FILL?

Recursivitate. Labirint

```
void Search(int i, int j){  
  
    int k;  
  
    if (i==0 || i==n-1 || j==0 || j==m-1){  
        Print(i,j);  
    }else  
  
    for (k=0;k<8;k++){  
        if (a[i+dx[k]][j+dy[k]]==0){// se poate  
            a[i+dx[k]][j+dy[k]]=a[i][j]+1;  
            Search(i+dx[k],j+dy[k]);  
            a[i+dx[k]][j+dy[k]]=0; // !!!  
        }  
    }  
}
```